

Kursprov, vårterminen 2013

Matematik

Bedömningsanvisningar

För samtliga skriftliga delprov

1a

Innehåll

Bedömning	4
Bedömningsanvisningar Del B	5
Bedömningsanvisningar Del C	7
Bedömningsanvisningar Del D	8
Bedömda elevarbeten Del B	11
Bedömda elevarbeten till uppgift 9	11
Bedömda elevarbeten Del C	12
Bedömda elevarbeten till uppgift 13	12
Bedömda elevarbeten Del D	20
Bedömda elevarbeten till uppgift 18	20
Bedömda elevarbeten till uppgift 23b	21
Bedömda elevarbeten till uppgift 24	22
Kravgränser	24
Provsammanställning – Centralt innehåll kurs 1a	25
Provsammanställning – Förmågepoäng kurs 1a	26

Bedömning

Det här häftet innehåller bedömningsanvisningar för samtliga skriftliga delprov.

Utgångspunkten är att eleverna ska få poäng för lösningens förtjänster och inte poängavdrag för fel och brister. Det går då att ge delpoäng för en lösning som visar att en elev kommit en bit på väg. Elevernas lösningar ska bedömas med högst det antal poäng som anges i bedömningsanvisningarna.

Bedömningen ska göras med olika kvalitativa förmågepoäng, E-, C- och A-poäng, som märkts med den förmåga som främst provas. Uppgiftens innehåll och elevarbetenas kvalitet har bedömts utifrån ämnesplanen och dess kunskapskrav. De olika uppgifterna har kategoriserats och olika lösningar till dessa har analyserats. Sedan har svaret, lösningen eller dellösningen poängsatts med kvalitativa förmågepoäng.

I provhäftena visas endast nivån på poängen. Till exempel innebär (1/2/3) att uppgiften kan ge högst 1 E-poäng, 2 C-poäng och 3 A-poäng.

I bedömningsanvisningarna anges vad som krävs för varje poäng. Poängen anges med både nivån och med den förmåga som främst provas. Till exempel innebär $+E_p$ en poäng som svarar mot kunskapskravet för E-nivån för procedurförmågan och $+A_r$ en poäng som svarar mot kunskapskravet för A-nivån för resonemangsförmågan. I några av uppgifterna ger en visad kunskap två poäng. De två poängen skrivs på samma rad, t.ex. $+E_M + E_R$. I några av uppgifterna har vi ansett det lämpligt att ange bedömningsanvisningarna i matrisform då progressionen i förmågorna då framgår tydligare.

För uppgifter av kortsvarstyp, där endast svar krävs, finns exempel på godtagbara svar i bedömningsanvisningarna. Endast svaret beaktas.

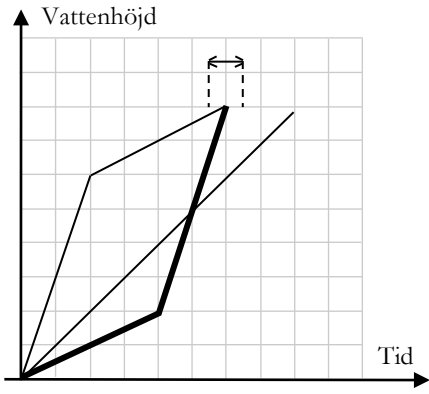
För uppgifter där redovisning fordras finns exempel på godtagbara svar och bedömningsanvisningar för delpoäng. För full poäng krävs redovisning med godtagbart svar eller slutsats. Godtagbar metod eller förklaring till hur uppgiften kan lösas ska ge delpoäng även om det därefter följer en felaktighet, t.ex. räknefel. Om eleven också slutför uppgiften korrekt ger det fler poäng. Fel i lösningen av en deluppgift bör inte påverka bedömningen av lösningarna i de följande deluppgifterna. Om uppgifternas komplexitet inte minskas avsevärt på grund av tidigare fel kan full poäng utdelas för uppgiftens lösning, trots förekomst av följdfel.

I slutet av dessa bedömningsanvisningar, sid. 25, finns en provsammanställning som visar vilket centralt innehåll som respektive uppgift prövar. På sid. 26 finns även en provprofil där samtliga kvalitativa förmågepoäng finns markerade. En ifylld profil ger en bild över elevens förmågespridning på provet och kan användas för att ge återkoppling av provresultatet till eleven.

Dokument med provkonstruktörernas uppdelning och numrering av kunskapskrav och centralt innehåll finns på www.prim-gruppen.se. På hemsidan finns även provspecifika serviceblanketter som kan underlätta sammanställning av resultat eller återkoppling av provresultat till elever.

Mer information om bedömningen finns i det gröna häftet med lärarinformation.

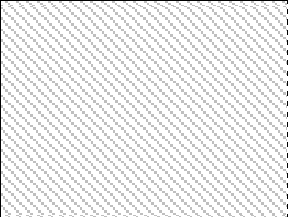
Bedömningsanvisningar Del B

1.	1,40 ; 1,4 Korrekt svar.	(1/0/0) +E _B	<table border="1"><tr><td></td><td>E</td><td>C</td><td>A</td></tr><tr><td>B</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>P</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>Pl</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>M</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>R</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>K</td><td></td><td></td><td></td></tr></table>		E	C	A	B				P				Pl				M				R				K			
	E	C	A																												
B																															
P																															
Pl																															
M																															
R																															
K																															
2.	3 cm² Korrekt alternativ.	(1/0/0) +E _B	<table border="1"><tr><td></td><td>E</td><td>C</td><td>A</td></tr><tr><td>B</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>P</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>Pl</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>M</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>R</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>K</td><td></td><td></td><td></td></tr></table>		E	C	A	B				P				Pl				M				R				K			
	E	C	A																												
B																															
P																															
Pl																															
M																															
R																															
K																															
3.	2,05 Korrekt svar.	(1/0/0) +E _P	<table border="1"><tr><td></td><td>E</td><td>C</td><td>A</td></tr><tr><td>B</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>P</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>Pl</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>M</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>R</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>K</td><td></td><td></td><td></td></tr></table>		E	C	A	B				P				Pl				M				R				K			
	E	C	A																												
B																															
P																															
Pl																															
M																															
R																															
K																															
4.	20 Korrekt alternativ.	(1/0/0) +E _P	<table border="1"><tr><td></td><td>E</td><td>C</td><td>A</td></tr><tr><td>B</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>P</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>Pl</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>M</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>R</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>K</td><td></td><td></td><td></td></tr></table>		E	C	A	B				P				Pl				M				R				K			
	E	C	A																												
B																															
P																															
Pl																															
M																															
R																															
K																															
5.	2 000 THB Korrekt svar.	(1/0/0) +E _{PL}	<table border="1"><tr><td></td><td>E</td><td>C</td><td>A</td></tr><tr><td>B</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>P</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>Pl</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>M</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>R</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>K</td><td></td><td></td><td></td></tr></table>		E	C	A	B				P				Pl				M				R				K			
	E	C	A																												
B																															
P																															
Pl																															
M																															
R																															
K																															
6. a)	"För att den nedre delen på L är smalare." Godtagbar motivering.	(1/0/0) +E _R	<table border="1"><tr><td></td><td>E</td><td>C</td><td>A</td></tr><tr><td>B</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>P</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>Pl</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>M</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>R</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>K</td><td></td><td></td><td></td></tr></table>		E	C	A	B				P				Pl				M				R				K			
	E	C	A																												
B																															
P																															
Pl																															
M																															
R																															
K																															
b)	 Grafen för behållare M har samma startpunkt och visar samma vattenhöjd som för K och L eller består av två linjära delar. Graf för behållare M som består av två linjära delar där lutningen är större på den senare delen. Korrekt graf där slutpunkten hamnar i markerat intervall.	(2/1/0) +E _M +E _B +C _M	<table border="1"><tr><td></td><td>E</td><td>C</td><td>A</td></tr><tr><td>B</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>P</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>Pl</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>M</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>R</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>K</td><td></td><td></td><td></td></tr></table>		E	C	A	B				P				Pl				M				R				K			
	E	C	A																												
B																															
P																															
Pl																															
M																															
R																															
K																															
7.	0,5 ; 50 % ; $\frac{1}{2}$; $\frac{2}{4}$ Godtagbart svar.	(0/1/0) +C _P	<table border="1"><tr><td></td><td>E</td><td>C</td><td>A</td></tr><tr><td>B</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>P</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>Pl</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>M</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>R</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>K</td><td></td><td></td><td></td></tr></table>		E	C	A	B				P				Pl				M				R				K			
	E	C	A																												
B																															
P																															
Pl																															
M																															
R																															
K																															

8.	80 st Korrekt svar.	(0/1/0) +C _P	
9.	4 min Påbörjad lösning, t.ex. tecknar tidsåtgången för ena hastigheten. Beräknar båda tidsåtgångarna i timmar eller minuter. Fullständig lösning med korrekt svar.  Till uppgiften finns bedömda elevarbeten, se sid. 11.	(1/2/0) +E _M +C _B +C _{PL}	
10.	T.ex. $\frac{x(x+3)}{2}$; $\frac{x(x-3)}{2}$; $0,5x^2 + 1,5x$; $0,5x^2 - 1,5x$ Påbörjad lösning, t.ex. redovisar ett exempel. Lösning där höjden och basen anges med en variabel, t.ex. x och $x + 3$. Redovisning med korrekt svar.	(1/1/1) +E _B +C _B +A _K	
11.	18 Påbörjad lösning, där värde på a är bestämt. Redovisning med korrekt svar.	(0/1/1) +C _{PL} +A _{PL}	
12.	a^2b Korrekt alternativ.	(0/0/1) +A _B	

Bedömningsanvisningar Del C

Uppgift 13, bedömningsmatris, (3/4/4)

	E	C	A
Metod och genomförande Procedur Problemlösning	Eleven bestämmer antalet vita kuber i figur 7. $+E_{PL}$ Eleven bestämmer antalet grå kuber i figur 7. $+E_{PL}$	Eleven hanterar algebraiska uttryck i punkt 4 eller 5, t.ex. genom att verifiera en formel med ett eller flera värden. $+C_P$	Eleven beskriver sambandet för antalet grå kuber i figur n , t.ex. utifrån ett mönster. $+A_{PL}$ Eleven hanterar algebraiskt den givna formeln eller summan av sina egna formler. $+A_P$
Resonemang	Eleven gör en enkel beskrivning med ord eller formel hur antalet kuber i någon av färgerna kan beräknas <i>eller</i> hur något av mönstren utvecklas. $+E_R$	Eleven förklarar hur antalet kuber i båda färgerna kan beräknas för något värde på n större än 5. $+C_R$ Eleven visar att den givna formeln stämmer för ett eller flera värden. $+C_R$	Eleven visar algebraiskt att den givna formeln stämmer. $+A_R$
Kommunikation		Redovisningen är möjlig att följa och omfattar minst fyra deluppgifter. Det matematiska språket är acceptabelt. $+C_K$	Redovisningen är lätt att följa och omfattar samtliga deluppgifter. Det matematiska språket är lämpligt. $+A_K$



Till uppgiften finns bedömda elevarbeten, se sid. 12–19.

Bedömningsanvisningar Del D

14.	20 Korrekt svar.	(1/0/0) +E _P	
15.	29 tum ; 30 tum Korrekt enhetsbyte med godtagbart svar.	(2/0/0) +E _P +E _{PL}	
16. a)	Svar i intervallet 9 mm–11 mm (0,9 cm–1,1 cm) Lösning med godtagbart svar.	(1/0/0) +E _P	
b)	160 dygn ; 5,2 månader Lösning som visar förståelse för problemet, t.ex. utför en division men tar inte hänsyn till enhet. Fullständig lösning med godtagbart svar.	(2/0/0) +E _M +E _{PL}	
17. a)	10 lektioner Korrekt svar.	(1/0/0) +E _P	
b)	750 kr Rimligt svar, t.ex. avläser kostnaden vid lektion 1 ur diagrammet (svar i intervallet 700–800 kr) med någon motivering. Godtagbart svar med redovisad lösning som baseras på avläsning av lämpligt antal lektioner.	(1/1/0) +E _M +C _M	
c)	K = 2 000 + 750x ; 2 000 + 750x ; Kostnaden = 2 000 kr + antalet lektioner · 750 kr Godtagbart uttryck eller formel.	(0/2/0) +C _B +C _K	
18.	1,6 cm och 7,6 cm (1,59 cm och 7,60 cm) Påbörjad lösning, ställer upp en kvot. Beräknar längden på en av figurerna. Fullständig lösning med korrekt enhet och godtagbart svar.  <i>Till uppgiften finns bedömda elevarbeten, se sid. 20.</i>	(1/2/0) +E _B +C _{PL} +C _K	
19.	2 004 kr Påbörjad lösning, t.ex. korrekt beräknad månadskostnad. Redovisning med korrekt svar.	(1/1/0) +E _P +C _{PL}	

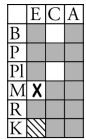
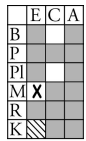
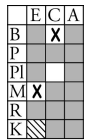
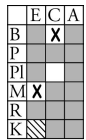
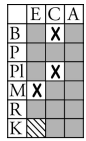
20. a)	6 bitar och 10 bitar Redovisar godtagbar tankegång med bild eller beräkning med korrekt svar.	(2/0/0) +E _B +E _{PL}	
b)	40 bitar eller 24 bitar Redovisar metod som t.ex. beräknar antalet chokladbitar då 15 motsvarar det större antalet. Tydlig redovisning med korrekt svar med de två möjliga alternativen.	(1/2/0) +E _{PL} +C _B +C _{PL}	
21.	Anna har räknat rätt. Korrekt svar med någon rimlig kommentar. Korrekt svar med tydlig beskrivning av någons resonemang. Korrekt svar med tydlig beskrivning av hur både Anna och Emelie kan ha resonerat.  <i>Bedömda avskrivna autentiska elevarbeten:</i> 1/0/0 Anna har beräknat det rätt. Hon har tagit prissänkningarna gånger det hela priset. Vilket ger delen. Andel · Det hela = delen. 1/1/0 Anna har räknat helt rätt. Hon jobbar med förändringsfaktorer. Det funkar alltid om priset har ändrats 2 gånger. 0,8 = 20 % rea och 0,5 = halva reapriset. Jag prövade och kontrollerade och allt stämde. Emelie har gjort fel. Hon har också jobbat mer förändringsfaktorer men hon trodde att 0,2 är 20 % rea men 0,2 är 80 % rea. 1/1/1 Anna har räknat priset rätt. Emelie har fel. Vad Emelie har gjort är att ta bort 20 % av originalpriset samt 50 % av originalpriset. Detta är inkorrekt eftersom prisminskningen var 20 % av originalpriset och sedan 50 % av reapriset. Anna har däremot räknat rätt då hon har insett att prissänkningen beror på varandra och hon har räknat därefter. Hennes svar är korrekt.	(1/1/1) +E _R +C _R +A _R	
22. a)	Diagram 2 Korrekt svar med någon beskrivning som anger att skalan inte är ekvidistant.	(0/2/0) +C _M +C _R	
b)	"Genomsnittlig prisökning per år och 0,35 (kr/år)" Visar förståelse för kalkylbladets funktion, t.ex. genom att sätta in värden i formeln. Korrekt svar på beräkningen. Anger vad som beräknas.	(1/2/0) +E _M +C _P +C _B	
23. a)	59,81 kr ; 59,82 kr Väljer lämpligt värde/lämpliga värden i tabellen. Lösning med godtagbart svar.	(0/2/0) +C _B +C _{PL}	
b)	"Jämförelsevis har biljettpriset blivit dyrare" Redovisning som jämför 81,90 kr med 59,81 kr (59,82 kr) med en godtagbar slutsats.  <i>Till uppgiften finns bedömda elevarbeten, se sid. 21.</i>	(0/1/1) +C _B +A _R	
c)	67 (%) Lösning med korrekt svar.	(0/0/1) +A _B	

24.	Bredd 15 cm och längd 30 cm Påbörjad lösning, t.ex. bestämmer arean för en golvplatta. Lösning som visar förståelse för golvplattans form (sidornas förhållande). Redovisad lösning med korrekt svar eller en påbörjad generell lösning. Använder generell lösningsmetod med korrekt matematiskt språk.  <i>Till uppgiften finns bedömda elevarbeten, se sid. 22-23.</i>	(1/2/2) +E_{PL} +C_{PL} +C_K +A_{PL} +A_K	<table border="1"> <tr><td></td><td>E</td><td>C</td><td>A</td></tr> <tr><td>B</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>P</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>Pl</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>M</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>R</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>K</td><td></td><td></td><td></td></tr> </table>		E	C	A	B				P				Pl				M				R				K			
	E	C	A																												
B																															
P																															
Pl																															
M																															
R																															
K																															

Bedömda elevarbeten Del B



Bedömda elevarbeten till uppgift 9

Elevarbete 1 $\frac{60}{90} h \quad \frac{60}{100} h$ Kommentar: Tecknar båda tidsåtgångarna, men gör ingen beräkning.	1/0/0 
Elevarbete 2 $\frac{60}{100} = 0,6h$  $0,6h = 36min$	1/0/0 
Elevarbete 3 $v = \frac{s}{t} \rightarrow t = \frac{s}{v}$ $\frac{60}{90} = \frac{2}{3} h = 40min \quad \frac{60}{100} = 0,6h = 10min$ $s = 60km \quad v = 90km/h \text{ eller } 100km/h$ Svar: 30min blir tidsvinsten. Kommentar: Båda tidsåtgångarna är korrekt beräknade även om enhetsbyte till minuter är felaktigt.	1/1/0 
Elevarbete 4 $v = \frac{s}{t} \Rightarrow t = \frac{s}{v}$ $\left. \begin{aligned} t_1 &= \frac{60}{90} = \frac{2}{3} \approx 0,66h \\ t_2 &= \frac{60}{100} = \frac{6}{10} = 0,6h \end{aligned} \right\}$	1/1/0 
Elevarbete 5 $t = \frac{s}{v} \Rightarrow \frac{60}{90} = \frac{2}{3} \quad \frac{2}{3} \cdot 60 = 40min$ $t = \frac{s}{v} \Rightarrow \frac{60}{100} = \frac{6}{10} \quad \frac{6}{10} \cdot 60 = 36min$ Svar: Tidsvinst är 4 min.	1/2/0 

Bedömda elevarbeten Del C



Bedömda elevarbeten till uppgift 13

Elevarbete 1

a) $16 + 9 = 25$

$$25 + 11 = 36$$

$$36 + 13 = 49$$

Svar: Det finns 49 st i sjunde kuben

b) $10 + 5 = 15$

$$15 + 6 = 21$$

Svar: Det finns 21 st i sjunde kuben.

Bedömning

	E	C	A	Poäng
Metod och genomförande	X			2/0/0
	X			
Resonemang	X			1/0/0
Kommunikation				
Summa				3/0/0

Kommentar: Eleven bestämmer antalet vita och grå kuber i figur 7. Redovisningen beskriver även hur antalet kuber kan beräknas.

Elevarbete 2

- $7 \cdot 7 = 49$ 49 st vita
- $6 + 5 + 4 + 3 + 2 + 1 = 21$ st gråa
- Vita ökar en rad vågrätt och lodrätt
- Största raden med gråa är en mindre än den vita vågräta tex. 8 vita på en rad blir 7 gråa. Sen blir det en mindre för varje grå rad.

Bedömning

	E	C	A	Poäng
Metod och genomförande	X			2/0/0
	X			
Resonemang	X			1/0/0
Kommunikation				
Summa				3/0/0

Kommentar: Eleven bestämmer antalet vita och grå kuber i figur 7. Redovisningen beskriver även hur antalet kuber kan beräknas och hur mönstren utvecklas.

Elevarbete 3

- $7 \cdot 7 = 49$ Svar: 49 rita kuber. Jag tar figur 7 och gångrar med 7.
- Svar 21 gråa kuber. Jag tar figur $7-1=6$
Sen gör jag $6+5+4+3+2+1$
- Om det hade varit figur 10 så tar du $10 \cdot 10$ så har du svaret.
- Om det är figur 10 så tar du $10-1$ så har du första raden med gråa kuber.
Sen är det $9+8+7+6+5+4+3+2+1=45$

Bedömning

	E	C	A	Poäng
Metod och genomförande	X			2/0/0
	X			
Resonemang	X	X		1/1/0
Kommunikation		X		0/1/0
Summa				3/2/0

Kommentar: Eleven visar med hjälp av exempel hur antalet kuber i båda färgerna kan beräknas. Elevens redovisning är strukturerad och det matematiska språket är acceptabelt.

Elevarbete 4

- 49 vita eftersom hoppen ökar med 2 mellan varje figur.
- 21 gråa eftersom hoppen mellan varje figur ökar med 1.
- $n \cdot n =$ numret på figuren gånger numret på figuren blir antalet vita kuber.
(tex. figur 4 $4 \cdot 4 = 16$ vita kuber)

	Grå kuber
figur 1	0
2	1
3	3
4	6
5	10
6	15
	21

1 figur 1 finns det 0 gråa
så antalet gråa ökar
med 1 varje hopp

Bedömning

	E	C	A	Poäng
Metod och genomförande	X			2/0/0
	X			
Resonemang	X	X		1/1/0
Kommunikation		X		0/1/0
Summa				3/2/0

Kommentar: Eleven anger en rekursiv formel för beräkningen av antalet grå kuber.

- a) Det är bara att gånga figurens nummer gånger sig själv.
 S: Det finns 49 stycken vita på figur 7
- b) Det finns 21 stycken gråa på figur 7.
 Det ökar med en i mellan antalet gråa figurer på tabellen.
- c) $V = n^2$ $V = \text{vita kuber}$ $n = \text{figur}$
 $n^2 = \text{figurens nummer gånger sig själv}$
 blir antalet vita kuber.
- d) Det blir först 1 mer, sen 2 mer,
 sen 3 mer och så vidare
- e) $\frac{n(3n-1)}{2}$ figur 1 $\left(\frac{1+1+1-1}{2} \right) = 1$
 figur 2 $\left(\frac{2+2+2-1}{2} \right) = 5$

Bedömning

	E	C	A	Poäng
Metod och genomförande	X	X		2/1/0
	X			
Resonemang	X	X		1/1/0
Kommunikation		X		0/1/0
Summa				3/3/0

Kommentar: Eleven visar tillräcklig formelhantering genom att verifiera den givna formeln för två värden. Beskrivningen av beräkningen av de grå kuberna är enkel.

Elevarbete 6

- Svar: 1 kub 7 finns det 49 vita kuber.
 I varje figur så är antalet vita kuber
 figurens nummer upphöjt i 2.
 Ex. Figur 5: $5^2 = 25$ Figur 3: $3^2 = 9$
 25 vita kuber 9 vita kuber
 Figur 7: $7^2 = 7 \cdot 7 = 49$
- Svar: Det finns 21 gråa kuber i figur nr 7
 För varje kub ökar antalet gråa kuber
 med 1 :

$$\begin{array}{l} 0 + 1 = 1 \\ 1 + 2 = 3 \\ 3 + 3 = 6 \\ 6 + 4 = 10 \\ 10 + 5 = 15 \\ \text{nr 7: } 15 + 6 = 21 \end{array}$$
- Svar: Antalet vita kuber i figur n är
 figurens nummer upphöjt i 2 n^2 vitakuber
- Gråa kuber i figur n: $\frac{n(3n-1)}{2} - n^2$
 Så att $n = 8$
 $8^2 = 64$ 64 vita + 28 grå = 92
 Ex $\frac{8(3 \cdot 8 - 1)}{2} = \frac{8 \cdot 23}{2} = 92$
 $92 - 64 = 28$
 64 vita 28 grå 92 totalt

Bedömning

	E	C	A	Poäng
Metod och genomförande	X	X		2/1/0
	X			
Resonemang	X	X		1/2/0
		X		
Kommunikation		X		0/1/0
Summa				3/4/0

Kommentar: Eleven verifierar formeln för $n = 8$. Eleven beskriver inte sambandet för grå kuber utan utnyttjar den givna formeln.

Elevarbete 7

- Antalet vita = figurens nummer upphöjt i 2.

Figur 1 $1 \cdot 1 = 1$ vit

Figur 2 $2 \cdot 2 = 4$ vita

Figur 7 $7 \cdot 7 = 49$ vita

Svar: Figur 7 har 49 vita kuber.

- Antalet grå = Antalet vita - figurens nummer delat på 2.

Figur 3 $\frac{9-3}{2} = \frac{6}{2} = 3$

Figur 7 $\frac{49-7}{2} = \frac{42}{2} = 21$

Svar: Figur 7 har 21 grå kuber.

- Figurens nummer upphöjt i 2 = antalet vita

Figur 3 $3 \cdot 3 = 9$ vita kuber

- Antalet vita - figurens nummer delat på 2.

Figur 2 $\frac{4-2}{2} = 2$ stämmer

Figur 4 $\frac{16-4}{2} = \frac{12}{2} = 6$ stämmer

- $\frac{n(3n-1)}{2} = \text{total}$

Exempel 1 $\frac{1(3 \cdot 1 - 1)}{2} = \frac{3-1}{2} = \frac{2}{2} = 1$ stämmer

Exempel 2 $\frac{2(3 \cdot 2 - 1)}{2} = \frac{12-2}{2} = \frac{10}{2} = 5$ stämmer

Bedömning

	E	C	A	Poäng
Metod och genomförande	X		X	2/1/1
	X	X		
Resonemang		X		1/2/0
	X	X		
Kommunikation		X		0/1/0
Summa				3/4/1

Kommentar: Eleven beskriver sambandet för antalet grå kuber och verifierar detta med hjälp av figur 2 och 4.

Elevarbete 8

•

Figur $\left\{ \begin{array}{l} 1 - 1 \\ 2 - 4 (+3) \\ 3 - 9 (+5) \\ 4 - 16 (+7) \\ 5 - 25 (+9) \\ 6 - 36 (+11) \\ 7 - 49 (+13) \end{array} \right.$ Svar: 49 st

•

Figur $\left\{ \begin{array}{l} 1 - 0 \\ 2 - 1 (+1) \\ 3 - 3 (+2) \\ 4 - 6 (+3) \\ 5 - 10 (+4) \\ 6 - 15 (+5) \\ 7 - 21 (+6) \end{array} \right.$ Svar: 21 st

•

Figur $\left\{ \begin{array}{l} 1^2 = 1 \\ 2^2 = 4 \\ 3^2 = 9 \\ 4^2 = 16 \end{array} \right.$ Svar: n^2 , figurens nummer $\times$ sig själv

•

Figur $\left\{ \begin{array}{l} 1 \cdot 0 = 0 \\ 2 \cdot 0,5 = 1 \\ 3 \cdot 1 = 3 \\ 4 \cdot 1,5 = 6 \\ 5 \cdot 2 = 10 \\ 6 \cdot 2,5 = 15 \\ 7 \cdot 3 = 21 \end{array} \right.$ Jag testade mig fram tills ett mönster stämde
Svar: $n \cdot 0,5(n-1) = 0,5 \cdot n(n-1)$

•

$\frac{n(3n-1)}{2}$ $\frac{3(9-1)}{2} = \frac{3 \cdot 8}{2} = \frac{24}{2} = 12$

$\frac{7(21-1)}{2} = \frac{7 \cdot 20}{2} = \frac{140}{2} = 70$

$\frac{n(3n-1)}{2} = 0,5n(3n-1) = 1,5n^2 - 0,5n$

$n^2 + 0,5n(n-1) = n^2 + 0,5n^2 - 0,5n = 1,5n^2 - 0,5n$

Ja det stämmer på alla!

Bedömning

	E	C	A	Poäng
Metod och genomförande	X		X	2/1/2
	X	X	X	
Resonemang		X		1/2/1
	X	X	X	
Kommunikation		X	X	0/1/1
Summa				3/4/4

Kommentar: Eleven beskriver sambandet för antalet grå kuber utifrån ett mönster. Eleven hanterar algebraiskt summan av de egna formlerna och visar med hjälp av dessa att den givna formeln stämmer.

Bedömda elevarbeten Del D



Bedömda elevarbeten till uppgift 18

Elevarbete 1

1/1/0

	E	C	A
B	X		
P			
Pl		X	
M			
R			
K			

179 cm

5 cm

$$\frac{5}{179} = 0,03$$

$$57 \cdot 0,03 \approx 1,71$$

Den kortaste skulle vara 1,71 cm i skalan

Den längsta skulle vara 8,16 cm

Kommentar: Beräknar båda längderna men utgår ifrån ett grovt avrundat värde.

Elevarbete 2

1/1/0

	E	C	A
B	X		
P			
Pl		X	
M			
R			
K			

179 cm = 5 cm på bild

Hur många gånger 179 är större än 57

$$\frac{179}{57} = 3,140350877$$

$$5/3,140350877 = 1,592178771$$

Hur många gånger 272 är större än 179

$$272/179 = 1,519553073$$

$$5 \cdot 1,519553073 = 7,597765363$$

Svar: Den kortaste skulle vara 1,592178771 cm

Den längsta skulle vara 7,597765363 cm

Kommentar: Svaren saknar ett lämpligt antal värdesiffror.



Bedömda elevarbeten till uppgift 23b

Elevarbete 1	0/1/0																												
$81,90 - 59,81 = 22,09$ Skillnad 22,09 kr.	<table><tr><td></td><td>E</td><td>C</td><td>A</td></tr><tr><td>B</td><td></td><td>X</td><td></td></tr><tr><td>P</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>Pl</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>M</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>R</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>K</td><td></td><td></td><td></td></tr></table>		E	C	A	B		X		P				Pl				M				R				K			
	E	C	A																										
B		X																											
P																													
Pl																													
M																													
R																													
K																													
Elevarbete 2	0/1/0																												
$81,90 - 59,81 = 22,09$ $\frac{22,09}{81,90} \approx 0,27 \approx 27\%$ Priset har ökat 27%	<table><tr><td></td><td>E</td><td>C</td><td>A</td></tr><tr><td>B</td><td></td><td>X</td><td></td></tr><tr><td>P</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>Pl</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>M</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>R</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>K</td><td></td><td></td><td></td></tr></table>		E	C	A	B		X		P				Pl				M				R				K			
	E	C	A																										
B		X																											
P																													
Pl																													
M																													
R																													
K																													
Kommentar: Jämför de båda priserna även om procentjämförelsen inte är korrekt.																													
Elevarbete 3	0/1/1																												
Priserna har höjts mer än vad kronan har ökat i värde. Det har blivit dyrare. Borde kosta 59,81 kr.	<table><tr><td></td><td>E</td><td>C</td><td>A</td></tr><tr><td>B</td><td></td><td>X</td><td></td></tr><tr><td>P</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>Pl</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>M</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>R</td><td></td><td></td><td>X</td></tr><tr><td>K</td><td></td><td></td><td></td></tr></table>		E	C	A	B		X		P				Pl				M				R			X	K			
	E	C	A																										
B		X																											
P																													
Pl																													
M																													
R			X																										
K																													



Bedömda elevarbeten till uppgift 24

Elevarbete 1

1/0/0

$$\frac{2,25 \text{ m}^2}{50} = 0,045 \text{ m}^2 = 4,5 \text{ cm}^2$$

Plattorna är rektangulära.

$$2,25 \cdot 2 = 4,5 \text{ cm}^2$$

Alltså har plattorna måtten $2,25 \times 2 \text{ cm}$

	E	C	A
B			
P			
Pl	X		
M			
R			
K			

Elevarbete 2

1/1/0

$$\frac{225}{50} = 4,5 \text{ dm}^2$$

$$3 \cdot 1,5 = 4,5 \text{ dm}^2$$

Svar Den har längden 3 dm och bredden 1,5 dm

Kommentar: Beräkningen är korrekt men lösningen brister i tydlighet.

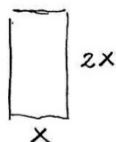
	E	C	A
B			
P			
Pl	X	X	
M			
R			
K			

Elevarbete 3

1/1/0

$$\frac{2,25 \text{ m}^2}{50} = 0,045 \text{ m}^2$$

$$\text{En platta} = 0,045 \text{ m}^2 = 450 \text{ cm}^2$$



$$2x \cdot x = 45$$

$$\frac{3x}{3} = \frac{45}{3}$$

$$x = 15$$

$$\text{Svar } 15 \cdot 30 \text{ cm}$$

Kommentar: Eleven anger korrekt svar men lösningen uppvisar flera fel.

	E	C	A
B			
P			
Pl	X	X	
M			
R			
K			

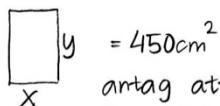
Elevarbete 4

1/2/0

$$2,25 \text{ m}^2 = 50 \text{ st golvplattor}$$

$$\frac{22500}{50} = 450 \text{ cm}^2 / \text{golvplatta}$$

$$2,25 \text{ m}^2 = 22500 \text{ cm}^2 \quad 10000 \text{ cm}^2 \text{ på } 1 \text{ m}^2$$



antag att x är 30 cm

$$30 \cdot y = 450$$

$$y = 15 \quad 30 \text{ cm} \cdot 15 \text{ cm} = 450 \text{ cm}^2$$

Eftersom längden är dubbelt så lång som bredden stämmer detta.

Kommentar: Lösningen bygger på antaget värde.

	E	C	A
B			
P			
Pl	X	X	
M			
R			
K			X

Elevarbete 5

1/2/2

	E	C	A
B			
P			
Pl	X	X	X
M			
R			
K	X	X	X

50 st golvplattor: $2,25 \text{ m}^2$

1 st golvplatta: $\frac{2,25}{50} \text{ m}^2 = 0,045 \text{ m}^2$

 = en golvplatta = $0,045 \text{ m}^2$

kvadrat  = två golvplattor: $2 \cdot 0,045 \text{ m}^2 = 0,09 \text{ m}^2$

x = sidlängd $x^2 = 0,09 \text{ m}^2$

$$x = 0,3 \text{ m}$$

$$\begin{array}{c} 0,3 \text{ m} \\ \text{ } \end{array} \left. \begin{array}{c} \text{ } \\ \text{ } \end{array} \right\} \frac{0,3}{2} \text{ m} = 0,15 \text{ m}$$

Svar: Längsta sidan är $0,3 \text{ m}$

Korta sidan är $0,15 \text{ m}$

Elevarbete 6

1/2/2

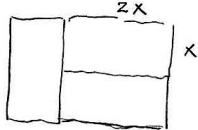
	E	C	A
B			
P			
Pl	X	X	X
M			
R			
K	X	X	X

50 st = $2,25 \text{ m}^2$

$2,25 \text{ m}^2 = 22500 \text{ cm}^2$

$$\frac{22500}{50} = 450$$

Arean på 1 platta är 450 cm^2



$$2x \cdot x = 450$$

$$2x^2 = 450$$

$$\frac{2x^2}{2} = \frac{450}{2}$$

$$x^2 = 225$$

$$\sqrt{225} = 15 \quad x = 15$$

Svar $15 \text{ cm} \times 30 \text{ cm}$

Kravgränser

Provbetyg kan endast ges då eleven har genomfört samtliga fyra delprov.

Maxpoäng

Detta prov kan ge maximalt 84 poäng fördelade på 33 E-poäng, 34 C-poäng och 17 A-poäng.

Provbetyget E

För att få provbetyget E ska eleven ha erhållit minst 19 poäng.

Provbetyget D

För att få provbetyget D ska eleven ha erhållit minst 34 poäng varav minst 10 poäng på lägst nivå C.

Provbetyget C

För att få provbetyget C ska eleven ha erhållit minst 44 poäng varav minst 18 poäng på lägst nivå C.

Provbetyget B

För att få provbetyget B ska eleven ha erhållit minst 55 poäng varav minst 6 poäng på nivå A.

Provbetyget A

För att få provbetyget A ska eleven ha erhållit minst 62 poäng varav minst 10 poäng på nivå A.

	Provbetyg E	Provbetyg D	Provbetyg C	Provbetyg B	Provbetyg A
Totalpoäng	Minst 19 poäng	Minst 34 poäng	Minst 44 poäng	Minst 55 poäng	Minst 62 poäng
Nivåkrav		Minst 10 poäng på lägst nivå C	Minst 18 poäng på lägst nivå C	Minst 6 poäng på nivå A	Minst 10 poäng på nivå A

Provsammanställning – Centralt innehåll kurs 1a

Del	Uppgift nr	Poäng			Taluppfattning aritmetik o algebra			Geometri				Samband o förändring				Sannolikhet o statistik		Problemlösning			
		E	C	A	A1	A2	A3	G1	G2	G3	G4	F1	F2	F3	F4	S1	S2	P1	P2	P3	P4
A	M	4	5	5	X				X								X	X			
B	1	1	0	0	X								X								
B	2	1	0	0	X			X		X											
B	3	1	0	0	X		X														
B	4	1	0	0	X																
B	5	1	0	0	X									X						X	
B	6a	1	0	0				X						X							
B	6b	2	1	0				X						X	X						
B	7	0	1	0	X												X	X			
B	8	0	1	0	X						X							X			
B	9	1	2	0	X		X				X							X		X	
B	10	1	1	1			X	X										X			
B	11	0	1	1	X		X	X										X			
B	12	0	0	1			X	X		X								X			
C	13	3	4	4	X		X	X										X			X
D	14	1	0	0	X																
D	15	2	0	0	X						X										
D	16a	1	0	0	X																
D	16b	2	0	0	X													X			
D	17a	1	0	0	X	X															
D	17b	1	1	0	X										X			X			
D	17c	0	2	0			X								X						
D	18	1	2	0	X				X					X				X			
D	19	1	1	0	X								X							X	
D	20a	2	0	0	X				X					X				X			
D	20b	1	2	0	X				X					X				X			
D	21	1	1	1	X							X	X								
D	22a	0	2	0	X											X		X		X	
D	22b	1	2	0	X		X									X		X			
D	23a	0	2	0	X	X							X							X	
D	23b	0	1	1	X								X							X	
D	23c	0	0	1	X							X	X							X	
D	24	1	2	2	X		X	X	X	X	X			X				X			
		33/34/17			10/8/4			6/4/2				7/7/3				4/7/4		6/8/4			

Provsammanställning – Förmågepoäng kurs 1a

		E				C					A		
Begrepp	Del A, Muntligt					M					M		
	Del B	1	2	6b	10	9	10				12		
	Del C												
	Del D	18	20a			17c	20b	22b	23a	23b		23c	
Procedur	Del A, Muntligt												
	Del B	3	4			7	8						
	Del C					13				13			
	Del D	14	15	16a	17a	19	22b						
Problem-lösning	Del A, Muntligt	M											
	Del B	5				9	11				11		
	Del C	13	13								13		
	Del D	15	16b	20a	20b	24	18	19	20b	23a	24	24	
Modellering	Del A, Muntligt	M				M					M		
	Del B	6b	9			6b							
	Del C												
	Del D	16b	17b	22b			17b	22a					
Resonemang	Del A, Muntligt	M	M			M	M				M	M	
	Del B	6a											
	Del C	13			13	13				13			
	Del D	21			21	22a				21	23b		
Kommuni-kation*	Del A, Muntligt					M					M		
	Del B										10		
	Del C					13				13			
	Del D					17c	18	24			24		
		33				34					17		

* Kommunikation på E-nivå antas vara en förutsättning för att erhålla förmågepoäng i övriga förmågor. Således provas inte denna förmåga på E-nivå i enskilda uppgifter.

